

## Übungen zur Algebraischen Geometrie II

### Blatt 9

(Abgabe am Freitag, 17.06.2005, vor der Vorlesung)

22) Zeigen Sie:

- (a) Die Eigenschaft “ $f : X \rightarrow Y$  ist quasi-kompakt” ist lokal in der Basis.
- (b) Ist  $Y$  affin, so ist  $f : X \rightarrow Y$  genau dann quasi-kompakt, wenn  $X$  quasi-kompakt ist.
- (c)  $f : X \rightarrow Y$  ist genau dann quasi-kompakt, wenn es eine affine offene Überdeckung  $(V_i)_{i \in I}$  von  $Y$  gibt, so dass  $f^{-1}(V_i)$  für alle  $i \in I$  quasi-kompakt ist.

23) Zeigen Sie: Ist  $Y$  affin, so ist  $f : X \rightarrow Y$  genau dann quasi-separiert, wenn  $X$  quasi-separiert ist.

24) Sei  $X$  ein Schema.

Für  $U \subseteq X$  offen sei

$$\mathcal{N}(U) = \{s \in \mathcal{O}_X(U) \mid s_x \in N(\mathcal{O}_{X,x}) \text{ für alle } x \in U\}$$

wobei  $N(A)$  das Nilradikal eines Rings  $A$  ist. Zeigen Sie, dass dies eine quasi-kohärente Idealgarbe  $\mathcal{N} \subseteq \mathcal{O}_X$  definiert.