

**Topologie II**  
**11. Übungsblatt**

**Aufgabe 1**

Sei  $\mathcal{G} \xrightarrow{\pi} M$  eine Garbe.

- (a) Zeigen Sie, dass jeder (stetige) Schnitt von  $\mathcal{G}$  ein lokaler Homöomorphismus ist.
- (b) Seien  $s_1, s_2$  Schnitte von  $\mathcal{G}$ . Zeigen Sie, dass  $S := \{x \in M \mid s_1(x) = s_2(x)\}$  offen in  $M$  ist. Ist  $S$  abgeschlossen?

**Aufgabe 2**

Seien  $\mathcal{G}_1, \mathcal{G}_2$  Garben über  $M$  und  $\varphi, \psi : \mathcal{G}_1 \rightarrow \mathcal{G}_2$  ein Garbenhomomorphismen.

- (a) Zeigen Sie, dass  $\varphi$  ein lokaler Homöomorphismus ist.
- (b) Zeigen Sie, dass  $S := \{f \in \mathcal{G}_1 \mid \varphi(f) = \psi(f)\}$  offen in  $\mathcal{G}_1$  ist.
- (c) Leiten Sie daraus her, dass  $\{f \in \mathcal{G}_1 \mid \varphi(f) \neq 0\}$  abgeschlossen in  $\mathcal{G}_1$  ist.

**Aufgabe 3**

Sei  $0 \rightarrow \mathcal{G}_1 \rightarrow \mathcal{G}_2 \rightarrow \mathcal{G}_3 \rightarrow 0$  eine kurze exakte Sequenz von Garben. Zeigen Sie, dass die induzierte Sequenz  $0 \rightarrow \Gamma(\mathcal{G}_1) \rightarrow \Gamma(\mathcal{G}_2) \rightarrow \Gamma(\mathcal{G}_3)$  exakt ist.

*Abgabe der Lösungen: **Donnerstag 28.7.2011** vor der Vorlesung.*